



1º mini-Teste de Electromagnetismo e Óptica 2007/08 1ºS

Cursos : LEAmb, LEMat, LQuim  
 Prof. Jorge Crispim Romão (responsável)  
 Prof. Amílcar Praxedes  
 31/10/2007, 9:30h . Duração: 1 hora

**Versão C**

Um fio condutor com secção recta de raio  $R_1$ , é colocado ao potencial  $V_1$  ficando carregado uniformemente com uma densidade de carga  $\lambda > 0$ . Na figura

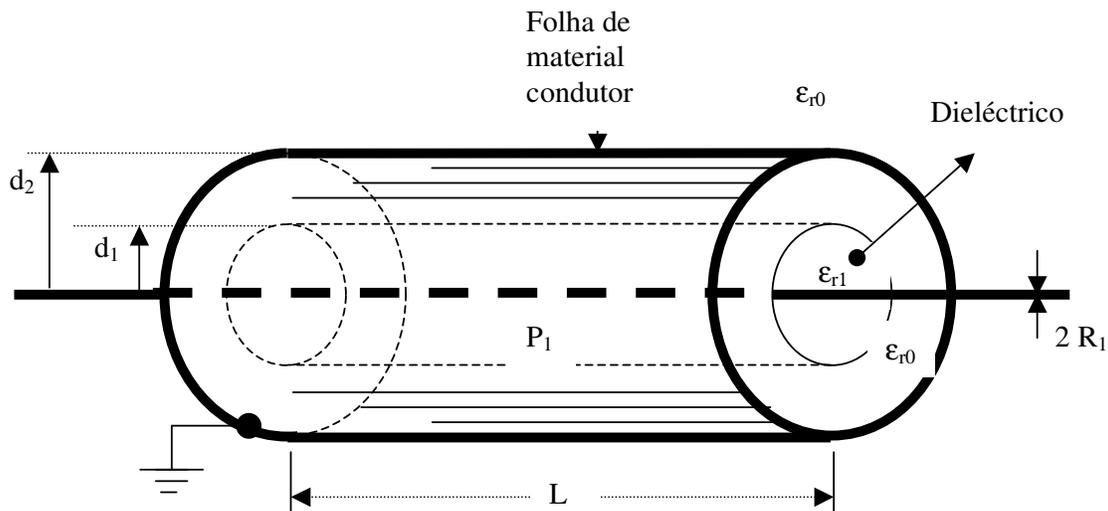
apresenta-se um troço de comprimento  $L$ .

Até à distância  $d_1$  o espaço que rodeia o fio está ocupado por um dieléctrico de permitividade relativa  $\epsilon_{r1}$ .

A partir dessa distância  $d_1$  e até à distância  $d_2$  o espaço é o vazio,  $\epsilon_{r0}=1$ .

Uma folha de **material condutor** de espessura  $\delta \ll d_2$ , envolve os dieléctricos e **encontra-se ligada à Terra**. Para  $d > d_2$ , o espaço é vazio,  $\epsilon_{r0} = 1$ .

Na resolução do problema considere a aproximação de fio infinito,  $L \gg d_2$ .



[5] a) Determine a expressão analítica para o vector Deslocamento Eléctrico,  $\mathbf{D}$ , no ponto  $P_1$  a meia altura do cilindro e no interior do dieléctrico,  $r = 2/3d_1$ .

[5] b) Determine o valor do potencial,  $V_1$ , a que se encontra o fio.

[5] c) Determine o valor da densidade de carga de polarização,  $\sigma'$ , na superfície exterior do dieléctrico,  $r = d_1$ .

[5] d) Determine o valor da Energia Eléctrica por unidade de comprimento do sistema.

Dados:  $L = 1\text{ m}$  ;  $R_1 = 0,001\text{ m}$  ;  $d_1 = 0,03\text{ m}$  ;  $d_2 = 0,04\text{ m}$  ;  $\lambda = +3 \times 10^{-9}\text{ C m}^{-1}$  ;  $\epsilon_r = 1,5$  ;  $\epsilon_0 = 8,854 \times 10^{-12}\text{ F m}^{-1}$  ;  
 $(1/4\pi\epsilon_0) = 9 \times 10^9\text{ F}^{-1}\text{ m}$ .