INSTITUTO SUPERIOR TÉCNICO

Exame de Teoria do Campo

Curso de Física Tecnológica - 2012/2013 1ª Época (6/6/2013)

I (4 valores)

a) Considere o processo

$$A+B \rightarrow C_1 + C_2 + \cdots + C_n$$

O feixe de partículas A tem energia E_A no referencial do ${\bf Lab}$, onde a partícula B está em repouso. Escreva a expressão para a energia mínima, $E_A^{\rm min}$, necessária para que a reacção possa ter lugar, em função de m_A , m_B e $M \equiv m_{C_1} + m_{C_2} + \cdots + m_{C_n}$.

b) Demonstre a relação,

$$\operatorname{Tr}\left[p_1 p_2 \dots p_n\right] = \operatorname{Tr}\left[p_n p_{n-1} \dots p_1\right]$$

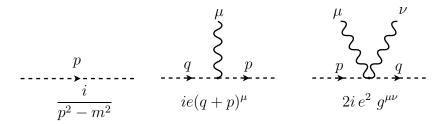
c) Considere a igualdade

$$\gamma_{\alpha}\sigma^{\mu\alpha}\gamma^{\nu}\gamma_{5} = Ag^{\mu\nu} + Bg^{\mu\nu}\gamma_{5} + C\sigma^{\mu\nu} + D\epsilon^{\mu\nu\alpha\beta} \ \sigma_{\alpha\beta}$$

Determine $A, B, C \in D$.

II (4 valores)

Considere a interacção do fotão com uma partícula escalar de carga negativa ϕ^- (esta teoria designase por vezes $Electrodinâmica\ Escalar$). O propagador e os vértices são



Dentro deste modelo considere o processo equivalente ao efeito de Compton, $\gamma(k) + \phi^-(p) \to \gamma(k') + \phi^-(p')$ onde k, p, k' e p' são os momentos das partículas.

- a) Desenhe o(s) diagrama(s) que contribuem para o processo em ordem mais baixa.
- b) Escreva a amplitude para o processo.
- c) Mostre que a amplitude é invariante de gauge, isto é, se $\mathcal{M} \equiv \epsilon^{\mu}(k) \, \epsilon^{\nu}(k') \, \mathcal{M}_{\mu\nu}$, então temos $k^{\mu} \mathcal{M}_{\mu\nu} = 0$ e $k'^{\nu} \mathcal{M}_{\mu\nu} = 0$ (basta mostrar para um dos casos).

Considere o processo $\overline{\nu}_e + e^- \rightarrow \overline{\nu}_\mu + \mu^-$ no quadro do modelo padrão.

- a) Desenhe o(s) diagrama(s) que contribuem para o processo em ordem mais baixa.
- b) Escreva a amplitude para o processo.

c) Quando se desprezam as massas dos leptões e se considera que a energia no CM, \sqrt{s} , é muito inferior às massas do bosões W e Z, a secções eficaz pode-se escrever na forma

$$\sigma = \frac{\lambda}{\pi} G_F^2 s$$

Determine λ .

Considere o processo $H \to Z + J$ numa teoria que é o modelo padrão das interações electrofacas mas que para além do Higgs normal H tem um campo pseudo-escalar J, neutro, sem massa e com o propagador e único acoplamento dados por

$$\begin{array}{ccc}
& & Z & \swarrow & \swarrow \\
& & \stackrel{i}{p_1} & \frac{g}{2\cos\theta_W} (p_1 - p_2)^{\mu} \\
& & & H
\end{array}$$

- a) Escreva a amplitude para o processo. Notar que $M_H > M_Z$.
- b) Calcule a expressão para largura de decaimento em função das massas M_Z , M_H e de G_F .

Considere as correcções a um *loop* no quadro do modelo do problema IV. Considere só diagramas irredutíveis de 1 partícula. **Não é para fazer contas**.

- a) Desenhe o(s) diagrama(s) para a auto energia do J a um loop. Discuta o grau superficial de divergência, isto é, conte as potências do momento.
- b) Desenhe o(s) diagrama(s) para a correcção do vértice HZJ a um loop. Discuta o grau superficial de divergência, isto é, conte as potências do momento.
- c) Será a teoria renormalizável? Justifique a resposta.

Alguns dados

• No referencial do CM temos:

$$\frac{d\Gamma}{d\Omega} = \frac{1}{32\pi^2} \frac{|\vec{p}_{\rm CM}|}{m^2} |\overline{M}|^2, \qquad \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{1}{64\pi^2 s} \frac{|\vec{p}_{\rm 3CM}|}{|\vec{p}_{\rm 1CM}|} |\overline{M}|^2$$

para uma partícula de massa m que decai em duas, ou para um processo $p_1 + p_2 \rightarrow p_3 + p_4$.

- $\bullet \ \operatorname{Tr}[\not a \not b \not c \not d \gamma_5] = -4i \, \epsilon^{\alpha\beta\gamma\delta} a_\alpha b_\beta c_\gamma d_\delta, \quad \ \epsilon^{\mu\nu\alpha\beta} \epsilon_{\mu\nu}{}^{\gamma\delta} = -2g^{\alpha\gamma} g^{\beta\delta} + 2g^{\alpha\delta} g^{\beta\gamma}$
- No modelo padrão $M_W = M_Z \cos \theta_W, g_V^f = \frac{1}{2} T_3^f Q_f \sin^2 \theta_W, g_A^f = \frac{1}{2} T_3^f \in G_F = \sqrt{2} g^2/(8M_W^2).$

$$\bigvee_{\psi_{d,u}}^{\psi_{u,d}} \bigvee_{\mu}^{W_{\mu}^{\pm}} i \frac{g}{\sqrt{2}} \gamma_{\mu} \frac{1 - \gamma_{5}}{2} \qquad \bigvee_{\psi_{f}}^{\psi_{f}} \sum_{i = 0}^{Z_{\mu}} i \frac{g}{\cos \theta_{W}} \gamma_{\mu} \left(g_{V}^{f} - g_{A}^{f} \gamma_{5}\right) \bigvee_{\psi_{f}}^{\psi_{f}} \bigwedge_{\mu}^{A_{\mu}} -ieQ_{f} \gamma_{\mu}$$